



**Proyecto/Guía docente de la asignatura**

<b>Asignatura</b>	<b>Variable Compleja</b>		
<b>Materia</b>	Funciones de Variable Compleja		
<b>Módulo</b>			
<b>Titulación</b>	<b>Grado De Matemáticas</b>		
<b>Plan</b>	<b>394</b>	<b>Código</b>	<b>40020</b>
<b>Periodo de impartición</b>	Segundo cuatrimestre	<b>Tipo/Carácter</b>	Obligatoria
<b>Nivel/Ciclo</b>	Grado	<b>Curso</b>	3º
<b>Créditos ECTS</b>	6 ECTS (150 horas)		
<b>Lengua en que se imparte</b>	Español		
<b>Profesor/es responsable/s</b>	Manuel Núñez Jiménez		
<b>Datos de contacto (E-mail, teléfono...)</b>	<a href="mailto:mnmhd@am.uva.es">mnmhd@am.uva.es</a> , 483924		
<b>Departamento</b>	Álgebra, Análisis Matemático, Geometría y Topología		



## **1. Situación / Sentido de la Asignatura**

---

### **1.1 Contextualización**

---

Asignatura de alto valor formativo que prepara al alumno para materias más avanzadas que requieran de los resultados y herramientas propios de la teoría de funciones analíticas de variable compleja.

### **1.2 Relación con otras materias**

---

Establece nociones imprescindibles para el desarrollo de buena parte de las materias avanzadas en la Matemática.

### **1.3 Prerrequisitos**

---

Los conocimientos imprescindibles para el desarrollo de esta asignatura incluyen la teoría de integración, el cálculo vectorial y la topología del plano, por lo que es recomendable haber cursado las asignaturas Cálculo Infinitesimal, Análisis Matemático y Ampliación de Análisis Matemático.



## 2. Competencias

### 2.1 Generales

**G1.** Demostrar poseer y comprender conocimientos en el área de las Matemáticas a partir de la base de la educación secundaria general, a un nivel que, apoyado en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia en el estudio de las Matemáticas. **G2.** Saber aplicar los conocimientos matemáticos a su trabajo o vocación de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro del área de las Matemáticas. **G4.** Poder transmitir, tanto de forma oral como escrita, información, ideas, conocimientos, problemas y soluciones del ámbito matemático a un público tanto especializado como no especializado. **G6.** Utilizar bibliografía y herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos en Matemáticas, incluyendo los recursos telemáticos. **G7.** Leer y comprender textos científicos tanto en lengua propia como en otras de relevancia en el ámbito científico, especialmente la inglesa. **G9.** Gestionar de forma óptima, tanto en el trabajo individual como en equipo, el tiempo de trabajo y organizar los recursos disponibles, estableciendo prioridades, caminos alternativos e identificando errores lógicos en la toma de decisiones. **G10.** Tener la capacidad de trabajar en equipo, aportando orden, abstracción y razonamiento lógico; comprobando o refutando razonadamente los argumentos de otras personas y contribuyendo con profesionalidad al buen funcionamiento y organización del grupo.

### 2.2 Específicas

**E1.** Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad para enunciar proposiciones en distintos campos de las Matemáticas, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos matemáticos adquiridos. **E2.** Conocer demostraciones rigurosas de algunos teoremas clásicos en distintas áreas de las Matemáticas. **E3.** Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos. **E4.** Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada, y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos. **E5.** Capacitar para el aprendizaje autónomo de nuevos conocimientos y técnicas. **E6.** Resolver problemas de Matemáticas, mediante habilidades de cálculo básico y otras técnicas. **E7.** Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan. **E8.** Planificar la resolución de un problema en función de las herramientas de que se disponga y de las restricciones de tiempo y recursos.



### 3. Objetivos

---

Dominar las operaciones con números complejos y manejar las funciones elementales, en particular el logaritmo. Comprender la diferencia entre la derivabilidad real y la compleja, y sus consecuencias en la integración de funciones holomorfas a lo largo de curvas: en particular se debe captar que la fórmula integral de Cauchy proporciona una gran cantidad de información sobre las funciones holomorfas. Manejar las series de potencias con soltura, y especialmente conocer bien las series de las funciones elementales. Comprender las técnicas subyacentes a las aplicaciones del teorema de los residuos, con el fin de poderlas aplicar a problemas que no entren en los tipos clásicos. Captar el significado geométrico intuitivo de las transformaciones conformes, y tener práctica en la utilización de las homografías, así como su aplicación a la resolución de problemas de contorno.



#### 4. Contenidos y/o bloques temáticos

##### Bloque 1: "Nombre del Bloque"

##### Variable Compleja

Carga de trabajo en créditos ECTS:

##### a. Contextualización y justificación

La asignatura no necesita dividirse en bloques diferentes.

##### b. Objetivos de aprendizaje

Ver apartado 3.

##### c. Contenidos

###### 1.- Introducción

1.1. Propiedades algebraicas y topológicas del plano complejo. 1.2. La esfera de Riemann. 1.3. Funciones elementales.

###### 2.- Funciones holomorfas. Series de potencias y funciones analíticas.

2.1. Derivación. Ecuaciones de Cauchy-Riemann. 2.2.-Series de potencias. Lema de Abel. Fórmula de Cauchy-Hadamard. Derivación de series de potencias. Funciones analíticas.

###### 3.- Teoría local de Cauchy

3.1. Integración compleja 3.2. Fórmula integral de Cauchy. Teoremas de Morera, Weierstrass y Taylor. 3.4. Desigualdades de Cauchy. Teorema de Liouville. Principio de los ceros aislados. Principio del módulo máximo.

###### 4.- Consecuencias del teorema de Cauchy

4.1. Desarrollos de Laurent. 4.2. Singularidades aisladas y su clasificación. 4.3. Teorema de los residuos y aplicaciones. 4.5. Funciones meromorfas. 4.6. Principio del argumento. Teorema de Rouché. Teorema de la aplicación abierta.

###### 5.- Transformaciones conformes. Funciones armónicas

5.1. Transformaciones conformes. Ejemplos: funciones elementales, homografías. Lema de Schwarz. Aplicaciones entre discos, disco y semiplano, etc. 5.2. Fórmula integral de Poisson. Problema de Dirichlet en un disco. Aplicación a los problemas de contorno.

##### d. Métodos docentes

- Clase magistral participativa.
- Resolución de problemas y ejercicios.
- Aprendizaje colaborativo.

##### e. Plan de trabajo

El método de trabajo será el siguiente:

- Se proporcionarán al alumno materiales docentes, ya sea elaborados por el propio profesorado de la asignatura, ya de fácil acceso en la red o en la biblioteca, para que aquel se encargue de preparar la materia con antelación a su presentación en las clases magistrales participativas o de resolución de problemas.
- Una vez realizada la explicación de cada parte teórica y práctica de la asignatura, resolviendo las dudas o cuestiones que puedan haber surgido, se pedirá que el alumno trabaje de forma individual o en grupo sobre una o varias colecciones de problemas al alcance del alumno.
- Parte de estos problemas serán resueltos en clase, ilustrando los resultados teóricos y desarrollando las



técnicas de resolución propias del Análisis Matemático.

- Dependiendo de las circunstancias específicas de cada curso, se podrán realizar una o varias pruebas escritas de evaluación continua durante el cuatrimestre, cuyos resultados le permitirán conocer las fortalezas y debilidades de su proceso de aprendizaje. Su peso conjunto no excederá del 25% de la calificación final.

**Atención:** El plan de trabajo que aquí se presenta es una planificación orientativa de la asignatura. Si bien el objetivo es seguir lo más fielmente posible dicha planificación, no debe entenderse como algo totalmente cerrado e inflexible, sino que puede modificarse y adaptarse si las circunstancias y el desarrollo de cada curso así lo requieren.

#### f. Evaluación

La evaluación del desarrollo de competencias, y el sistema de calificaciones, se basarán en:

- En caso de que las circunstancias del curso así lo aconsejen, se podrán realizar una o varias pruebas breves escritas que versarán sobre los distintos temas en que se articula la materia, que se realizarán en horario lectivo a medida que se avance en el temario. Las fechas precisas se comunicarán, en función del desarrollo del curso, con antelación suficiente.
- Examen final escrito al final del semestre. Se tratará de la resolución de varios problemas o ejercicios apropiados para la evaluación de los conocimientos del alumno. Es posible que se añada una parte teórica consistente en la exposición de algún tema o resultado correspondiente a esta asignatura. Esta prueba se celebrará en la fecha oficial fijada en el calendario académico aprobado por el Centro.
- En la convocatoria extraordinaria la evaluación consistirá en un examen escrito similar al de la convocatoria ordinaria, sin tener en cuenta la evaluación continua.

#### g. Bibliografía básica

- Galindo, F. Gómez, J. Sanz, J., Tristán, L.A., "Guía Práctica de Variable Compleja y Aplicaciones", Publicaciones Univ. de León, Univ. de Valladolid, 2019.
- Ash, R.B., Novinger, W.P. "Complex Variables".
- Conway J.B. "Functions of One Complex Variable". Springer Verlag, 1978.
- Marsden J.E. "Basic Complex Analysis". Freeman, 1999.
- Pestana Galván D. et al.: "Variable compleja. Un curso práctico". Síntesis, 1999.
- Vera Botí: "Variable compleja. Problemas y complementos". RSME-eLectoLibris, 2013.
- Volkovyski L. et al. "Problemas sobre la teoría de funciones de variable compleja". MIR, 1977.

#### h. Bibliografía complementaria

- Boiarchuk A. K. "Matemática Superior. Problemas resueltos" (tomos 5,6 y 7). Editorial URSS, 2001.
- Churchill R.V., Brown J.W. "Variable Compleja y Aplicaciones". McGraw-Hill, 1992.
- López-Gómez J. "Ecuaciones Diferenciales y Variable Compleja". Prentice Hall, 2002.
- Markushevich A. "Teoría de las Funciones Analíticas" (vol I). MIR, 1971.
- Remmert R. "Theory of Complex Functions". Springer Verlag, 1991.
- Spiegel M.R. "Variable Compleja". McGraw-Hill. Colección Schaum, 1998.
- Wunsch A.D. "Complex Variables with Applications". Addison-Wesley, 1994.



### **i. Recursos necesarios**

---

El profesor de la asignatura hará accesible a los alumnos el conjunto de materiales y recursos de apoyo que considere adecuado utilizar en la preparación de la asignatura, a través de la página Web de la Uva o del servicio de reprografía del centro.

### **j. Temporalización**

---

Aproximadamente 3 semanas por tema (12 horas presenciales) (2º Cuatrimestre)

**Nota:** La materia se ha agrupado en temas de contenidos afines, cuya dedicación en tiempo no se debe entender uniforme (12 horas presenciales por tema es simplemente una media aritmética).

Las horas dedicadas a cada tema o parte del mismo dependerán de la percepción de los profesores sobre los avances o necesidades del alumnado, y de la interacción entre profesores y alumnos.

Esta adaptación influirá, por supuesto, en las fechas en que se realicen las pruebas de evaluación continua.

## **5. Métodos docentes y principios metodológicos**

---

Ver apartado 4.d



## 6. Tabla de dedicación del estudiante a la asignatura

ACTIVIDADES PRESENCIALES	HORAS	ACTIVIDADES NO PRESENCIALES	HORAS
Clases teóricas	28	Estudio y trabajo autónomo individual	65
Clases prácticas	28		15
Otras (evaluación continua, etc.)	4	Documentación (consultas bibliográficas en biblioteca, en Internet, etc.)	10
Total presencial	<b>60</b>	<b>Total no presencial</b>	<b>90</b>

**Nota:** La distribución de horas en actividades no presenciales es orientativa; cada alumno deberá adecuarla a sus necesidades particulares.

## 7. Sistema y características de la evaluación

INSTRUMENTO/PROCEDIMIENTO	PESO EN LA NOTA FINAL	OBSERVACIONES
Examen escrito	75% (mínimo)	
Evaluación continua (pruebas escritas referidas a temas o grupos de temas concretos)	25% (máximo)	

### CRITERIOS DE CALIFICACIÓN

- **Convocatoria ordinaria:** Se utilizará el porcentaje anterior.
- **Convocatoria extraordinaria:** No se tendrá en cuenta la posible evaluación continua.

## 8. Consideraciones finales

Cualquier aclaración o ampliación de la información aquí incluida será comunicada oportunamente por los profesores de la asignatura.