



### Proyecto/Guía docente de la asignatura

Se debe indicar de forma fiel cómo va a ser desarrollada la docencia. Esta guía debe ser elaborada teniendo en cuenta a todos los profesores de la asignatura. Conocidos los espacios y profesorado disponible, se debe buscar la máxima presencialidad posible del estudiante siempre respetando las capacidades de los espacios asignados por el centro y justificando cualquier adaptación que se realice respecto a la memoria de verificación. Si la docencia de alguna asignatura fuese en parte online, deben respetarse los horarios tanto de clase como de tutorías). La planificación académica podrá sufrir modificaciones de acuerdo con la actualización de las condiciones sanitarias.

<b>Asignatura</b>	Ampliación de Análisis Matemático		
<b>Materia</b>			
<b>Módulo</b>	Cálculo Diferencial e Integral		
<b>Titulación</b>	Grado en Matemáticas		
<b>Plan</b>	394	<b>Código</b>	40015
<b>Periodo de impartición</b>	Primer Cuatrimestre	<b>Tipo/Carácter</b>	Obligatoria
<b>Nivel/Ciclo</b>	Grado	<b>Curso</b>	3º
<b>Créditos ECTS</b>	6 ECTS		
<b>Lengua en que se imparte</b>	Español		
<b>Profesor/es responsable/s</b>	Javier Sanz Gil, Ignacio Miguel Cantero		
<b>Datos de contacto (E-mail, teléfono...)</b>	<a href="mailto:javier.sanz.gil@uva.es">javier.sanz.gil@uva.es</a> , 983423000 ext. 4644; <a href="mailto:ignacio.miguel@uva.es">ignacio.miguel@uva.es</a> , ext. 5879		
<b>Departamento</b>	Álgebra, Análisis Matemático, Geometría y Topología		



## 1. Situación / Sentido de la Asignatura

---

### 1.1 Contextualización

---

La asignatura se imparte en tercer curso, culminando, como su nombre indica, la materia tratada en Análisis Matemático de segundo curso.

### 1.2 Relación con otras materias

---

Aparte de las mismas consideraciones y recomendaciones realizadas para la asignatura de Análisis Matemático, es muy interesante que el alumno utilice los conocimientos adquiridos en la asignatura contemporánea de Geometría de Curvas y Superficies.

### 1.3 Prerrequisitos

---

Haber cursado las asignaturas de primer y segundo curso. En particular, es recomendable que el alumno haya adquirido un conocimiento de las nociones básicas y una cierta destreza en los métodos de cálculo contemplados en las asignaturas “Cálculo Infinitesimal”, “Álgebra y Geometría Lineales I”, “Análisis Matemático”, “Topología”, “Álgebra y Geometría Lineales II” y “Física General”.



## 2. Competencias

### 2.1 Generales

**G1.** Demostrar poseer y comprender conocimientos en el área de las Matemáticas a partir de la base de la educación secundaria general, a un nivel que, apoyado en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia en el estudio de las Matemáticas. **G2.** Saber aplicar los conocimientos matemáticos a su trabajo o vocación de una forma profesional y poseer las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro del área de las Matemáticas. **G4.** Poder transmitir, tanto de forma oral como escrita, información, ideas, conocimientos, problemas y soluciones del ámbito matemático a un público tanto especializado como no especializado. **G6.** Utilizar bibliografía y herramientas de búsqueda de recursos bibliográficos en Matemáticas, incluyendo los recursos telemáticos. **G7.** Leer y comprender textos científicos tanto en lengua propia como en otras de relevancia en el ámbito científico, especialmente la inglesa. **G9.** Gestionar de forma óptima, tanto en el trabajo individual como en equipo, el tiempo de trabajo y organizar los recursos disponibles, estableciendo prioridades, caminos alternativos e identificando errores lógicos en la toma de decisiones. **G10.** Tener la capacidad de trabajar en equipo, aportando orden, abstracción y razonamiento lógico; comprobando o refutando razonadamente los argumentos de otras personas y contribuyendo con profesionalidad al buen funcionamiento y organización del grupo.

### 2.2 Específicas

**E1.** Comprender y utilizar el lenguaje matemático. Adquirir la capacidad para enunciar proposiciones en distintos campos de las Matemáticas, para construir demostraciones y para transmitir los conocimientos matemáticos adquiridos. **E2.** Conocer demostraciones rigurosas de algunos teoremas clásicos en distintas áreas de las Matemáticas. **E3.** Asimilar la definición de un nuevo objeto matemático, en términos de otros ya conocidos, y ser capaz de utilizar este objeto en diferentes contextos. **E4.** Saber abstraer las propiedades estructurales (de objetos matemáticos, de la realidad observada, y de otros ámbitos) distinguiéndolas de aquellas puramente ocasionales y poder comprobarlas con demostraciones o refutarlas con contraejemplos, así como identificar errores en razonamientos incorrectos. **E5.** Capacitar para el aprendizaje autónomo de nuevos conocimientos y técnicas. **E6.** Resolver problemas de Matemáticas, mediante habilidades de cálculo básico y otras técnicas. **E7.** Proponer, analizar, validar e interpretar modelos de situaciones reales sencillas, utilizando las herramientas matemáticas más adecuadas a los fines que se persigan. **E8.** Planificar la resolución de un problema en función de las herramientas de que se disponga y de las restricciones de tiempo y recursos.



### 3. Objetivos

Comprender el concepto de variedad diferenciable en los espacios euclídeos, en particular las definidas implícitamente. Saber plantear y resolver problemas de extremos condicionados. Conocer y manejar con soltura la traducción al lenguaje propio de la Física de las nociones sobre aplicaciones diferenciables: campos vectoriales, potenciales, sistemas de coordenadas ortogonales. Comprender la motivación de las integrales de línea y de superficie como abstracción de modelos de las ciencias y sus propiedades generales, así como los teoremas clásicos del análisis vectorial: de Green, de Stokes y de Gauss. Conocer las técnicas de demostración de los teoremas principales y adquirir destreza en las técnicas de cálculo de la materia propia de la asignatura (multiplicadores de Lagrange, cálculo de potenciales, integrales curvilíneas e integrales de superficie). Ser capaz de interpretar los resultados obtenidos en el contexto de la Física y otras ciencias, así como la de abstraer y modelar problemas concretos de otras ciencias para buscar soluciones óptimas resolviendo el correspondiente modelo matemático.





#### 4. Contenidos y/o bloques temáticos

##### Bloque 1: “Ampliación de Análisis Matemático”

Carga de trabajo en créditos ECTS: 6

##### a. Contextualización y justificación

##### b. Objetivos de aprendizaje

Ver el apartado 3.

##### c. Contenidos

###### TEMA 0: Integrales paramétricas

1. Teoremas de continuidad y diferenciabilidad. Aplicaciones. Transformadas integrales. Funciones eulerianas.

###### TEMA 1: Consecuencias del teorema de las funciones implícitas

1. Variedades diferenciables en  $\mathbb{R}^n$ : variedades definidas implícitamente. 2. Extremos condicionados. Método de Lagrange. 3. Aplicaciones.

###### TEMA 2: Teoría de campos

1. Campos escalares y vectoriales. 2. Operadores diferenciales.

###### TEMA 3: Integrales curvilíneas

1. Integración de campos escalares y vectoriales. 2. Fórmula de Riemann-Green.

###### TEMA 4: Integrales de superficie

1. Superficies paramétricas. Integración de campos escalares y vectoriales. 2. Superficies con borde. Teorema de Stokes. 3. Teorema de Gauss-Ostrogradski.

##### d. Métodos docentes

- Clase magistral participativa.
- Resolución de problemas y ejercicios.
- Aprendizaje colaborativo.

##### e. Plan de trabajo

El método de trabajo será el siguiente:

- Se proporcionarán al alumno materiales docentes, ya sea elaborados por el propio profesorado de la asignatura, ya de fácil acceso en la red o en la biblioteca, para que aquel se encargue de preparar la materia con antelación a su presentación en las clases magistrales participativas o de resolución de problemas.
- Una vez realizada la explicación de cada parte teórica y práctica de la asignatura, resolviendo las dudas o cuestiones que puedan haber surgido, se pedirá que el alumno trabaje de forma individual o en grupo sobre una o varias colecciones de problemas al alcance del alumno.
- Parte de estos problemas serán resueltos en clase, ilustrando los resultados teóricos y desarrollando las técnicas de resolución propias del Análisis Matemático.



· Dependiendo de las circunstancias específicas de cada curso, se podrán realizar una o varias pruebas escritas de evaluación continua durante el cuatrimestre, cuyos resultados le permitirán conocer las fortalezas y debilidades de su proceso de aprendizaje. Su peso conjunto no excederá del 25% de la calificación final.

**Atención:** El plan de trabajo que aquí se presenta es una planificación orientativa de la asignatura. Si bien el objetivo es seguir lo más fielmente posible dicha planificación, no debe entenderse como algo totalmente cerrado e inflexible, sino que puede modificarse y adaptarse si las circunstancias y el desarrollo de cada curso así lo requieren.

## f. Evaluación

---

La evaluación del desarrollo de competencias, y el sistema de calificaciones, se basarán en:

- En caso de que las circunstancias del curso así lo aconsejen, se podrán realizar una o varias pruebas breves escritas que versarán sobre los distintos temas en que se articula la materia, que se realizarán en horario lectivo a medida que se avance en el temario. Las fechas precisas se comunicarán, en función del desarrollo del curso, con antelación suficiente.
- Examen final escrito al final del semestre. Se tratará de la resolución de varios problemas o ejercicios apropiados para la evaluación de los conocimientos del alumno. Esta prueba se celebrará en la fecha oficial fijada en el calendario académico aprobado por el Centro.
- En la convocatoria extraordinaria la evaluación consistirá en un examen escrito similar al de la convocatoria ordinaria, sin tener en cuenta la evaluación continua.

## g Material docente

---

*Es fundamental que las referencias suministradas este curso estén actualizadas y sean completas. Los profesores tienen acceso, a la plataforma Leganto de la Biblioteca para actualizar su bibliografía recomendada ("Listas de Lecturas"). Si ya lo han hecho, pueden poner tanto en la guía docente como en el Campus Virtual el enlace permanente a Leganto.*

### g.1 Bibliografía básica

---

- Galindo F., Sanz J., Tristán L.: *Guía Práctica de Cálculo Infinitesimal en Varias Variables*. Thomson. 2005.
- Marsden J.E., Tromba A.J.: *Cálculo Vectorial*. Addison-Wesley.
- Mazón Ruiz J.M.: *Cálculo Diferencial. Teoría y Problemas*. McGraw-Hill. Madrid, 1997.
- Rudin W.: *Análisis Real y Complejo*. McGraw-Hill, Madrid, 1987

### g.2 Bibliografía complementaria

---

- Alonso M., Finn E.J.: *Física (2 Vols.)*, Ed. Addison-Wesley Iberoamericana.
- Conde C.: *Cálculo Integral Vectorial*, Ed. Tebar Flores.
- Fernández Viña J.A & Sánchez Mañes E.: *Ejercicios y Complementos de Análisis Matemático II*. Tecnos. 1986.
- Fernández Viña J.A. & Sánchez Mañes E.: *Ejercicios y Complementos de Análisis Matemático III*. Tecnos. 1986.
- Linés Escardó E.: *Análisis Matemático II (2 Vols.)*. UNED. Madrid, 1974.
- Marsden J.E., Hoffman M.J.: *Análisis Clásico Elemental*. Addison-Wesley Iberoamericana. 1998.
- Pita Ruiz C.: *Cálculo Vectorial*, Prentice-Hall, 1995.

### g.3 Otros recursos telemáticos (píldoras de conocimiento, blogs, videos, revistas digitales,

---



**cursos masivos (MOOC), ...)**

**h. Recursos necesarios**

El profesor de la asignatura hará accesible a los alumnos el conjunto de materiales y recursos de apoyo que considere adecuado utilizar en la preparación de la asignatura, a través de la página Web de la Uva o del servicio de reprografía del centro.

**i. Temporalización**

CARGA ECTS	PERIODO PREVISTO DE DESARROLLO
Tema 0: 1,4 ECTS	Semanas 1-4
Tema 1: 1,2 ECTS	Semanas 4-7
Tema 2: 0,4 ECTS	Semana 7-8
Tema 3: 1,4 ECTS	Semanas 8-11
Tema 4: 1,6 ECTS	Semanas 12-15

**5. Métodos docentes y principios metodológicos**

Los métodos docentes son los indicados en el apartado 4.d.

La metodología consiste en la docencia presencial, con el uso predominante de la pizarra y el apoyo puntual de medios audiovisuales para la presentación de contenidos.

Se proporcionarán materiales docentes al alumno para que se encargue de preparar la materia con antelación a su presentación en las clases magistrales participativas o de resolución de problemas. Una vez realizada la explicación de cada parte teórica y práctica de la asignatura, resolviendo las dudas o cuestiones que puedan haber surgido, se pedirá que el alumno trabaje de forma individual o en grupo sobre una colección de problemas proporcionada por el profesor, que puede ser ampliada con la bibliografía propuesta. Parte de estos problemas serán resueltos en clase, ilustrando los resultados teóricos y desarrollando las técnicas de resolución propias de la asignatura. Las pruebas escritas de evaluación, tanto continua como final, consistirán en la resolución de problemas y cuestiones, por lo que el dominio de estas técnicas es indispensable.

Los resultados de las pruebas escritas de evaluación continua permitirán al alumno conocer las fortalezas y debilidades de su proceso de aprendizaje.

Se utilizará una plataforma virtual de apoyo basada en Moodle que, aparte de proporcionar los materiales básicos de la asignatura (apuntes de teoría, colecciones de problemas, exámenes resueltos de convocatorias anteriores, etc.), incorporará foros temáticos (resolución de dudas, consultas, etc.) que potenciarán la colaboración entre los estudiantes con la supervisión del profesor.

## 6. Tabla de dedicación del estudiante a la asignatura

ACTIVIDADES PRESENCIALES o PRESENCIALES A DISTANCIA <sup>(1)</sup>	HORAS	ACTIVIDADES NO PRESENCIALES	HORAS
Clases teóricas	28	Estudio y trabajo autónomo individual	65
Clases prácticas	28	Estudio y trabajo en grupo	15
Otras (evaluación continua, etc.)	4	Documentación (consultas bibliográficas en biblioteca, en Internet, etc.)	10
Total presencial	<b>60</b>	Total no presencial	<b>90</b>
TOTAL presencial + no presencial			<b>150</b>

(1) Actividad presencial a distancia es cuando un grupo sigue una videoconferencia de forma síncrona a la clase impartida por el profesor.

**Nota: 1)** La distribución de horas en actividades no presenciales es orientativa; cada alumno deberá adecuarla a sus necesidades particulares.

**2)** Se considera fundamental mantener la presencialidad en el 40% de cada crédito ECTS. Sin embargo, el calendario académico del curso 2021/22 no contempla el número de semanas lectivas necesarias para la impartición de las horas presenciales deseadas. Se intentará añadir al horario lectivo las horas adicionales necesarias para no perjudicar al alumnado en su formación, pero si esto se logra, conllevará una sobrecarga que puede no ser compatible con un ritmo adecuado de aprendizaje.

## 7. Sistema y características de la evaluación

INSTRUMENTO/PROCEDIMIENTO	PESO EN LA NOTA FINAL	OBSERVACIONES
Examen escrito	75% (mínimo)	
Evaluación continua (pruebas escritas referidas a temas o grupos de temas concretos)	25% (máximo)	

### CRITERIOS DE CALIFICACIÓN

- **Convocatoria ordinaria:** Se utilizará el procedimiento recogido en la tabla anterior.
- **Convocatoria extraordinaria:** No se tendrá en cuenta la evaluación continua.

## 8. Consideraciones finales

Cualquier aclaración o ampliación de la información aquí incluida será comunicada oportunamente por los profesores de la asignatura.